

**復習** 次のものを、文字を使った式で表しなさい。

1個150円のお菓子を  $x$  個買って、500円の箱につめてもらうときの代金の合計

(円)

▶ 文字どうしのかけ算、文字と数のかけ算を表すとき、次の約束があります。

① かけ算の記号  $\times$  は省略する。

② (文字) $\times$ (数) では、数を文字の前にかく。

③ 同じ文字の積は、累乗の形でかく。

たとえば、①の約束で  $a \times b$  は  $ab$

②の約束で  $a \times 2$  は  $2a$

③の約束で  $a \times a$  は  $a^2$

特に、 $1 \times a$  は  $a$ 、 $(-1) \times a$  は  $-a$  とかきます。

**1** 次の式を、上の約束にしたがってかき直しなさい。 [教科書 p.12 練習 8]

(1)  $x \times y \times z$                       (2)  $x \times 3$                       (3)  $x \times (-4)$

(4)  $x \times 2 \times y$                       (5)  $x \times x \times x$                       (6)  $x \times x \times (-1)$

▶  $5x^2$ 、 $-x^3$  のように、文字や数をかけてできた式を **単項式** といいます。かけている文字の個数を **次数** といい、数の部分を **係数** といいます。

← かけ算だけで、たし算やひき算をしていない式です。  
たとえば、 $x-3$  や  $x^2+2x$  は単項式ではありません。

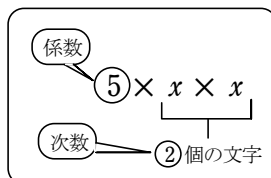
**2** (単項式の次数、係数)

$$5x^2 = 5 \times x \times x$$

よって、 $5x^2$  の次数は ,

係数は  です。

[教科書 p.12 例 7]



**3** 次の単項式の次数と係数を答えなさい。

[教科書 p.12 練習 9]

(1)  $4x^2$                                       (2)  $-6x$

(3)  $x^5$     (4)  $-x^3$

まとめ

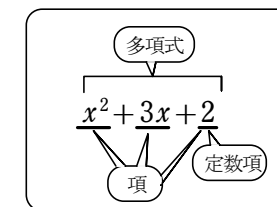
単項式 … 文字や数をかけてできた式  
次数 …… かけている文字の個数  
係数 …… 文字以外の数の部分

▶  $x^2+3x+2$  のように、いくつかの単項式をたしてできた式を **多項式** といいます。

多項式の中の単項式の1つ1つを **項** といい、文字を含まない数だけの項を特に **定数項** といいます。

単項式も、1つの項からできている多項式と考えます。

多項式のことを、**整式** ともいいます。



▶ 多項式の各項の次数の中で一番大きいものを、その多項式の **次数** といいます。

← 次数が一番「高い」ともいいます。

次数が1の式を **1次式**、次数が2の式を **2次式**、

次数が3の式を **3次式**、…… といいます。



箱の中に、りんごが3個と砂糖が1kgあります。  
別の箱には、りんごが2個と砂糖が2kgあります。  
これらを合わせると、りんごは  個、砂糖は  kg です。  
りんごと砂糖を合わせて8とすることはできません。

りんごと砂糖では、単位「個」「kg」が違うので、たすことができないのです。  
文字式でも同じように、同類項はたしたりひいたり計算ができますが、同類項でないものはたしたりひいたり計算はできません。

**復習**

次の多項式同類項をまとめ、次数の大きい項から順に並べてかきなさい。

- (1)  $2x+8x$                       (2)  $5-x^2+6x+3x^2$                       (3)  $2x-7+4x^2+x+5$

**1** 次の式を、かっこをはずして計算しなさい。○には+または-を入れましょう。

- (1)  $10+(6-3+5)$                       (2)  $20-(7-1+8)$   
 $=10+6○3○5$                        $=20○7○1○8$   
 $=$                         $=$

**まとめ**

かっこの前は、次のようにはずします。  
 かっこの前が+のとき、符号はそのまま。  $a+(b-c+d)=a+b-c+d$   
 かっこの前が-のとき、符号が逆になる。  $a-(b-c+d)=a-b+c-d$

**2** 次の計算をしなさい。

- (1)  $2 \times 3x$                       (2)  $-4 \times 2x$                       (3)  $5 \times (-x)$

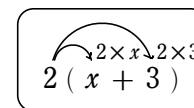
▶ かっこの前に数があるときは、次のように計算します。

**3** (かっこをはずす)

[教科書 p.14 例10]

$$(1) \quad 2(x+3) = \boxed{\phantom{00}} \times x + \boxed{\phantom{00}} \times 3$$

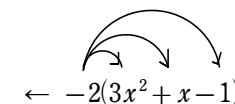
$$= \boxed{\phantom{00}}x + \boxed{\phantom{00}}$$



$$(2) \quad -2(3x^2+x-1)$$

$$= (\boxed{\phantom{00}}) \times 3x^2 + (\boxed{\phantom{00}}) \times x - (\boxed{\phantom{00}}) \times 1$$

$$= \boxed{\phantom{00}}x^2 - \boxed{\phantom{00}}x + \boxed{\phantom{00}}$$



**4** 次の式のかっこをはずしなさい。

[教科書 p.14 練習13]

- (1)  $5(x+2)$                       (2)  $4(2x^2+x-4)$

- (3)  $-2(-2x+3)$                       (4)  $-3(x^2+2x-1)$

+-の変化に注意しよう。

▶ 多項式の加法と減法は、次のような手順で計算します。

① かけこをはずす

② 同類項をまとめる

5 次の計算をなさい。

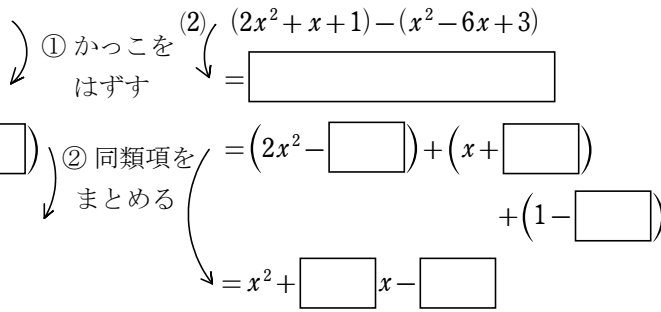
[教科書 p.15 例題 1]

(1)  $(3x+4)+(-x+1)$

=

=  $(3x - \text{>}) + (4 + \text{>})$

=   $x$  +



6 次の計算をなさい。

[教科書 p.15 練習 14]

(1)  $(5x+2)+(4x-1)$

(2)  $(3x^2+4x+1)+(x^2-4x+2)$

7 次の計算をなさい。

[教科書 p.15 練習 15]

(1)  $(7x-1)-(5x-3)$

(2)  $(5x^2-7x)-(-3x^2-x+1)$

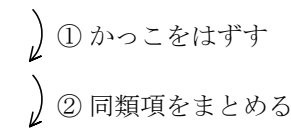
8 次の計算をなさい。

[教科書 p.15 例題 2]

$(3x^2-2x+1)+2(x^2+3x-4)$

=  $3x^2-2x+1 + \text{>}$

=



9 次の計算をなさい。

[教科書 p.15 練習 16]

(1)  $(x^2-2x+4)+2(x^2+5x-3)$

(2)  $(3x^2-4x-1)-2(x^2+x+1)$

(3)  $3(x^2-x+6)+(2x^2+3x-5)$

(4)  $-4(-2x^2-x)-(x^2-2x+9)$

**振り返り**

① どのような内容を学習しましたか。

● 多項式の加法と減法は、次のような手順で計算する。

① かけこをはずす

②  をまとめる

② **目標** は達成できましたか。

できた

まあまあ

あまりできなかった

$a^2$  は  $a \times a$  なので,  $a$  を  個かけています。  
 $a^3$  は  $a \times a \times a$  なので,  $a$  を  個かけています。  
 では,  $a^2 \times a^3$  は,  $a$  を何個かけているでしょうか。  
 $a^2 \times a^3 = (a \times a) \times (a \times a \times a)$  なので,  $a$  を  個かけています。

▶  $a$  を  $n$  個かけたものを  $a^n$  とかき,  $a$  の  $n$  乗 といいます。また,  $n$  を  $a^n$  の 指数 といいます。  
 ← たとえば,  $a \times a \times a$  を  $a^3$  とかき,  $a$  の 3 乗 といいます。  
 $a^3$  の指数は 3 です。

1 次の計算をなさい。

(1)  $a^2 \times a^3 = (a \times a) \times (a \times a \times a) = a^{\text{$

(2)  $(a^2)^3 = a^2 \times a^2 \times a^2 = (a \times a) \times (a \times a) \times (a \times a) = a^{\text{$

(3)  $(ab)^3 = ab \times ab \times ab = a \times b \times a \times b \times a \times b$   
 $= (a \times a \times a) \times (b \times b \times b) = a^{\text{$   $b^{\text{$

$a$  を何個かけているでしょう。



まとめ

指数法則  $m$  と  $n$  が正の整数のとき,

- [1]  $a^m \times a^n = a^{m+n}$
- [2]  $(a^m)^n = a^{mn}$
- [3]  $(ab)^n = a^n b^n$

1, 2, 3, ……  
 のことです。

2 (指数法則)

[教科書 p.17 例 11]

(1)  $a^5 \times a^2 = a^{5+2} = a^{\text{$       指数法則[1]      で  $m=5, n=2$   
 (2)  $(a^2)^4 = a^{2 \times 4} = a^{\text{$       指数法則[2]      で  $m=2, n=4$   
 (3)  $(ab)^5 = a^{\text{$   $b^{\text{$       指数法則[3]      で  $n=5$

← 誤りの例  
~~(1)  $a^5 \times a^2 = a^{5 \times 2}$~~   
~~(3)  $(ab)^5 = ab^5$~~

3 指数法則を使って, 次の計算をなさい。

[教科書 p.17 練習 17]

(1)  $a^4 \times a^3$       (2)  $x \times x^8$       (3)  $(a^3)^2$

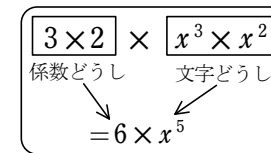
(4)  $(x^4)^4$       (5)  $(ax)^2$       (6)  $(a^2b)^3$

▶ (単項式)×(単項式)の計算は, 係数どうし, 文字どうしをそれぞれかけ合わせます。

4 ((単項式)×(単項式))

[教科書 p.17 例 12]

(1)  $3x^3 \times 2x^2 = 3 \times 2 \times x^3 \times x^2$   
 $= 3 \times 2 \times x^3 \times x^2 = \text{$   $x^{\text{$



(2)  $(-2x^2)^3 \times x = (-2)^3 (x^2)^3 \times x$   
 $= \text{$   $\times x^{\text{$   $\times x = \text{$   $x^{\text{$

5 次の計算をなさい。

[教科書 p.17 練習 18]

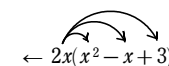
(1)  $x \times 5x^3$       (2)  $4x^2 \times (-3x^4)$       (3)  $(2x^3)^2$

(4)  $(-3x)^3$       (5)  $(2x)^3 \times x^2$       (6)  $(-5x^4)^2 \times x$

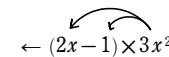
6 ((単項式)×(多項式))

[教科書 p.18 例 13]

(1)  $2x(x^2 - x + 3) = \text{$   $\times x^2 - \text{$   $\times x + \text{$   $\times 3$   
 $= \text{$



(2)  $(2x - 1) \times 3x^2 = 2x \times \text{$   $- 1 \times \text{$   $= \text{$



7 次の計算をなさい。

[教科書 p.18 練習 19]

(1)  $x(2x + 5)$       (2)  $5x(3x - 2)$

(3)  $x(x^2 - 3x + 1)$       (4)  $3x^2(x^2 + 6x - 4)$

(5)  $(4x + 3) \times 2x$       (6)  $(x^2 + 2x - 3) \times 5x$

振り返り

**目標** は達成できましたか。

できた      まあまあ      あまりできなかった

**復習** 次の計算をなさい。

- (1)  $a^5 \times a^2$  (2)  $(a^5)^2$   
 (3)  $3x(2x+4)$  (4)  $(2x+1)+(3x-5)$

**1** 右の図を見て、次のことを考えよう。

全体を1つの長方形と考えると、

たては  $a+b$

横は  であるから

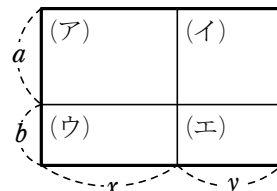
面積は  $(a+b)(\text{})$  と表せる。

全体を4つの長方形に分けて考えると、

(ア), (イ), (ウ), (エ)の面積は 順に  $ax$ , , ,  $by$  であるから

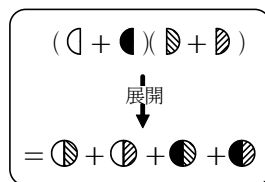
4つの部分の面積の和は  $ax + \text{} + \text{} + by$

したがって  $(a+b)(\text{}) = ax + \text{} + \text{} + by$



▶(多項式)×(多項式)は、かっこをくり返しはずして計算します。

(多項式)×(多項式)を計算して単項式の和の形に表すことを、**展開** するといいます。



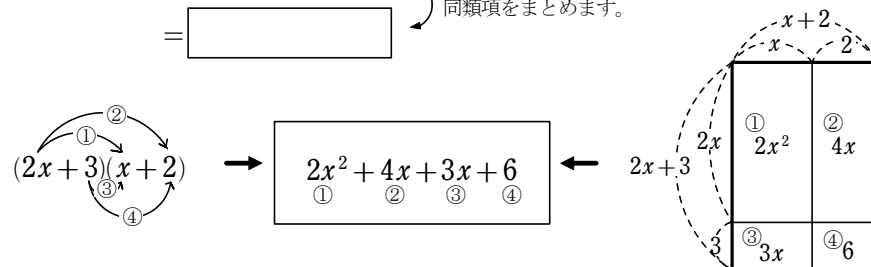
[教科書 p.18 例14]

**2** (式の展開)

$(2x+3)(x+2)$  を展開します。

$$\begin{aligned} (2x+3)(x+2) &= 2x(x+2) + 3(x+2) \\ &= 2x \times x + 2x \times 2 + 3 \times x + 3 \times 2 \\ &= 2x^2 + 4x + 3x + 6 \\ &= \text{} \end{aligned}$$

同類項をまとめます。



**3** 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.19 練習20]

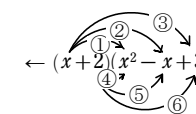
- (1)  $(x+2)(x+4)$  (2)  $(x-3)(x+5)$

- (3)  $(x-2)(4x-3)$  (4)  $(2x+1)(3x+4)$

**4**  $(x+2)(x^2-x+3)$  を展開しましょう。

[教科書 p.19 例題3]

$$\begin{aligned} &(x+2)(x^2-x+3) \\ &= x(\text{}) + 2(\text{}) \\ &= x \times \text{} - x \times x + x \times 3 + 2 \times x^2 - 2 \times x + 2 \times \text{} \\ &= x^3 - x^2 + \text{} + 2x^2 - 2x + \text{} = \text{} \end{aligned}$$



**5** 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.19 練習21]

- (1)  $(x+3)(x^2+x+2)$  (2)  $(x-1)(x^2+2x-1)$

- (3)  $(3x^2+2)(2x-1)$  (4)  $(2x-3)(x^2-x)$

**振り返り**

**目標** は達成できましたか。

できた      まあまあ      あまりできなかった

**復習** 次の式を展開しなさい。

- (1)  $(x+4)(x+1)$  (2)  $(2x-1)(3x+2)$

右の、1辺が  $(x+3)$  cm の正方形の面積は  $(x+3)^2 \text{ cm}^2$  です。

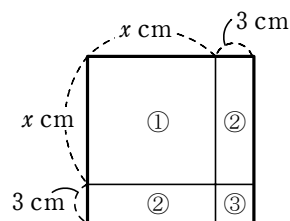
図の正方形①の面積は  $x^2 \text{ cm}^2$

長方形②の面積は  $x \times 3 \text{ cm}^2$

正方形③の面積は  $\square^2 \text{ cm}^2$

なので、もとの正方形の面積は

$x^2 + 2 \times x \times 3 + \square^2 \text{ (cm}^2\text{)}$  とも表されます。



**1** 次の式を展開してみよう。

(1)  $(a+b)^2 = (a+b)(\square)$  (2)  $(a-b)^2 = (a-b)(\square)$   
 $= \square + \square + ba + \square$   $= \square - \square - ba + \square$   
 $= \square$   $= \square$

まとめ

展開の公式1 [1]  $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$   
 [2]  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

**2** (展開の公式  $(a+b)^2, (a-b)^2$ ) [教科書 p.20 例15]

$(a+b)^2 = a^2 + 2 \times a \times b + b^2$   
 (1)  $(x+3)^2 = \square^2 + 2 \times \square \times \square + \square^2 = \square$

$(a-b)^2 = a^2 - 2 \times a \times b + b^2$   
 (2)  $(2x-5)^2 = (\square)^2 - 2 \times (\square) \times \square + \square^2$  ←  $2x$  をひとかたまりにして公式にあてはめます。  
 $= \square$

**3** 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.20 練習22]

- (1)  $(a+1)^2$  (2)  $(x-6)^2$

- (3)  $(2a+3)^2$  (4)  $(3x-4)^2$

- (5)  $(2x+y)^2$  (6)  $(3a-2b)^2$

**4** 次の式を展開してみよう。

$(a+b)(a-b) = \square - ab + \square - \square$   
 $= \square$

まとめ

展開の公式2  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

**5** (展開の公式  $(a+b)(a-b)$ )

[教科書 p.21 例16]

$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$   
 (1)  $(x+2)(x-2) = \square^2 - \square^2$   
 $= \square$

$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$   
 (2)  $(2x+1)(2x-1) = (\square)^2 - \square^2$   
 $= \square$

**6** 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.21 練習23]

- (1)  $(x+3)(x-3)$  (2)  $(x+4)(x-4)$

- (3)  $(3x+1)(3x-1)$  (4)  $(5x+y)(5x-y)$

7 次の式を展開してみよう。

$$(x+a)(x+b) = x^2 + bx + \square + ab$$

$$= x^2 + (\square)x + \square$$

まとめ

$$\text{展開の公式 3 } (x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

←  $x^2 + (\text{和})x + (\text{積})$  です。

8 (展開の公式  $(x+a)(x+b)$ )

[教科書 p.21 例 17]

(1)  $(x+2)(x+5)$

$$= x^2 + (\square + \square)x + \square \times \square$$

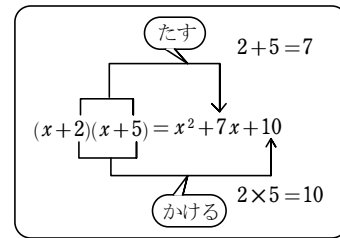
$$= \square$$

(2)  $(x+2)(x-5)$

$$= (x+2)\{x + (\square)\}$$

$$= x^2 + \{\square + (\square)\}x + \square \times (\square)$$

$$= \square$$



9 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.21 練習 24]

(1)  $(x+3)(x+4)$                       (2)  $(x+4)(x+1)$

(3)  $(x+5)(x-3)$                       (4)  $(x-6)(x+2)$

(5)  $(x-3)(x-6)$                       (6)  $(x-2)(x-4)$

10 次の式を展開してみよう。

$$(ax+b)(cx+d) = ax \times \square + ax \times \square + b \times \square + b \times d$$

$$= \square x^2 + \square x + \square x + \square$$

$$= acx^2 + (\square)x + bd$$

まとめ

$$\text{展開の公式 4 } (ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$$

11 (展開の公式  $(ax+b)(cx+d)$ )

[教科書 p.22 例 18]

(1)  $(2x+1)(3x+4) = (\square)x^2 + (\square + 1 \times 3)x + \square$

$$= \square$$

(2)  $(2x-1)(3x+4) = \{2x + (\square)\}(3x+4)$

$$= (\square)x^2 + \{2 \times 4 + \square\}x + (-1) \times 4$$

$$= \square$$

12 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.22 練習 25]

(1)  $(3x+1)(x+2)$                       (2)  $(2x+1)(x-3)$

(3)  $(x-1)(2x-3)$                       (4)  $(2x+3)(3x+4)$

(5)  $(5x-2)(3x+1)$                       (6)  $(4x-1)(2x-5)$

### 振り返り

① どのような内容を学習しましたか。

● 展開の公式 1 [1]  $(a+b)^2 = a^2 + \square ab + b^2$

[2]  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

● 展開の公式 2  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

● 展開の公式 3  $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$

● 展開の公式 4  $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

② **目標** は達成できましたか。

できた

まあまあ

あまりできなかった

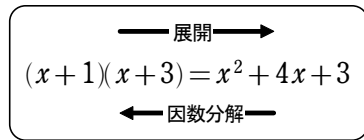


**復習** 次の展開の公式1を完成させなさい。

$(a+b)^2 = \square$        $(a-b)^2 = \square$

$2 \times 3 = 6$  なので、6は  $2 \times 3$  と表せます。  
 $3 \times 7 = 21$  なので、21は  $3 \times \square$  と表せます。  
 $(x+1)(x+3) = x^2 + 4x + 3$  なので、  
 $x^2 + 4x + 3$  は  $(x+1)(x + \square)$  と表せます。

▶  $(x+1)(x+3)$  を展開すると  $x^2 + 4x + 3$  となります。  
 逆に考えると、 $x^2 + 4x + 3$  は  $(x+1)(x+3)$  と表せます。  
 このように、多項式を2つ以上の多項式の積の形に表すことを、もとの多項式を **因数分解** する といいます。  
 積をつくっている各多項式を **因数** といいます。  
 $x+1$  と  $x+3$  は、 $x^2 + 4x + 3$  の因数です。



▶ すべての項に共通な因数がある多項式は、その共通な因数でくくって因数分解します。

まとめ  
 共通な因数でくくる  $ma + mb = m(a+b)$   
 $ma - mb = m(a-b)$

←  $m$  は  $ma$  と  $mb$  に共通な因数です。

**1** (共通な因数でくくる) [教科書 p.23 例 19]

- (1)  $xy + 5y = y \times x + y \times 5 = y(\square)$  ← 共通な因数は  $y$  ←  $y(x+5)$  は  $(x+5)y$  とかくこともできます。  
 (2)  $2x^2 - 4x = 2x \times x - 2x \times 2 = 2x(\square)$  ← 共通な因数は  $2x$  ←  $x(2x-4)$  では不十分。係数も含めた  $2x$  が共通な因数となります。

**2** 次の式を因数分解しなさい。 [教科書 p.23 練習 26]

- (1)  $ax + 3x$       (2)  $x^2 - 4x$       (3)  $3x^2 - 9x$   
 (4)  $x^2 - x$       (4)  $2x^2y + 10xy^2$       (6)  $ax + bx - 5x$

▶ 展開の公式1の左辺と右辺を入れかえれば、次の因数分解の公式になります。

まとめ  
 因数分解の公式1 [1]  $a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$   
 [2]  $a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$

**3** (因数分解の公式  $a^2 + 2ab + b^2$ ,  $a^2 - 2ab + b^2$ ) [教科書 p.24 例 20]

$$x^2 + 6x + 9 = \begin{matrix} a^2 \\ \downarrow \\ \square^2 \end{matrix} + 2 \times \begin{matrix} a \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} \times \begin{matrix} b \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} + \begin{matrix} b^2 \\ \downarrow \\ \square^2 \end{matrix} = (\begin{matrix} a \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} + \begin{matrix} b \\ \downarrow \\ \square \end{matrix})^2$$

$$4x^2 - 20x + 25 = (\begin{matrix} a \\ \downarrow \\ \square \end{matrix})^2 - 2 \times (\begin{matrix} a \\ \downarrow \\ \square \end{matrix}) \times \begin{matrix} b \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} + \begin{matrix} b^2 \\ \downarrow \\ \square^2 \end{matrix} = (\begin{matrix} a \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} - \begin{matrix} b \\ \downarrow \\ \square \end{matrix})^2$$

**4** 次の式を因数分解しなさい。 [教科書 p.24 練習 27]

- (1)  $x^2 + 8x + 16$       (2)  $x^2 + 12x + 36$   
 (3)  $x^2 - 2x + 1$       (4)  $x^2 - 16x + 64$   
 (5)  $4x^2 + 4x + 1$       (6)  $9x^2 - 12x + 4$

**振り返り**

① どのような内容を学習しましたか。

- 因数分解の公式1 [1]  $a^2 + \square ab + b^2 = (a+b)^2$   
 [2]  $a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$

② **目標** は達成できましたか。

できた      まあまあ      あまりできなかった

